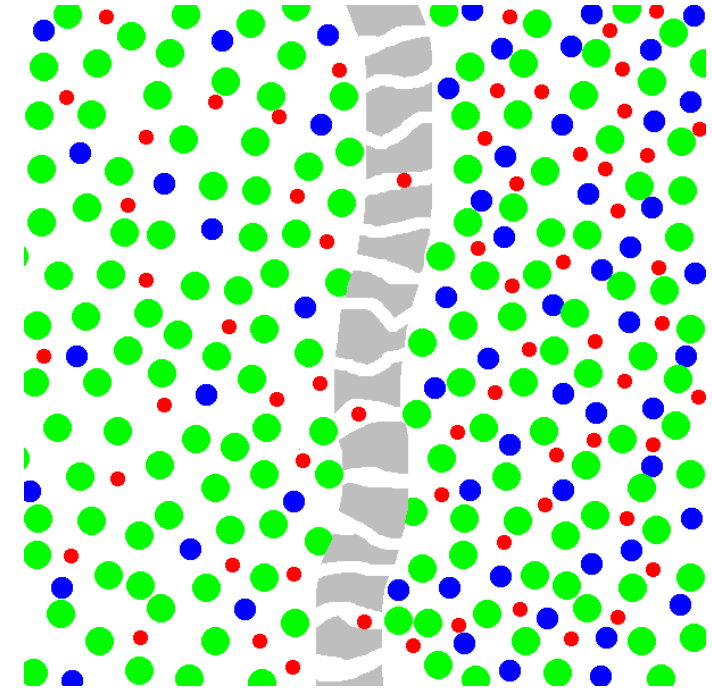


Polopropustná (semipermeabilní) membrána (např. buněčná); fritra, diafragma propouští **ionty** \Rightarrow vzniká **elektrické napětí**

- různé koncentrace iontů na obou stranách
- různá propustnost/difuzivita pro různé ionty
- různý mechanismus:
 - iontově selektivní kanály
 - póry (propustnost \propto difuzivita)
 - sorpce+difuze (v polymeru – palivové články)

„ \propto “ = „je úměrný“



Zajímá nás **rovnováha** a membránový potenciál a koncentrace **v rovnováze**:

- prochází jen 1 ion – nulový difuzní tok (rovnováha okamžitě)
- některé ionty procházejí, jiné ne – Donnanova rovnováha

Membránový potenciál ve **stacionárním stavu** v průběhu difuze (**nevratný děj**):

- tenká membrána (např. buněčná): (bio)membránový potenciál (Goldmanův)
- tlustá membrána či kapalinové rozhraní: kapalinový (difuzní) potenciál

Jiný děj je **osmóza**, kde membrána propouští **rozpuštědlo** a vzniká rozdíl tlaků.

Rozcvička: prochází jeden ion

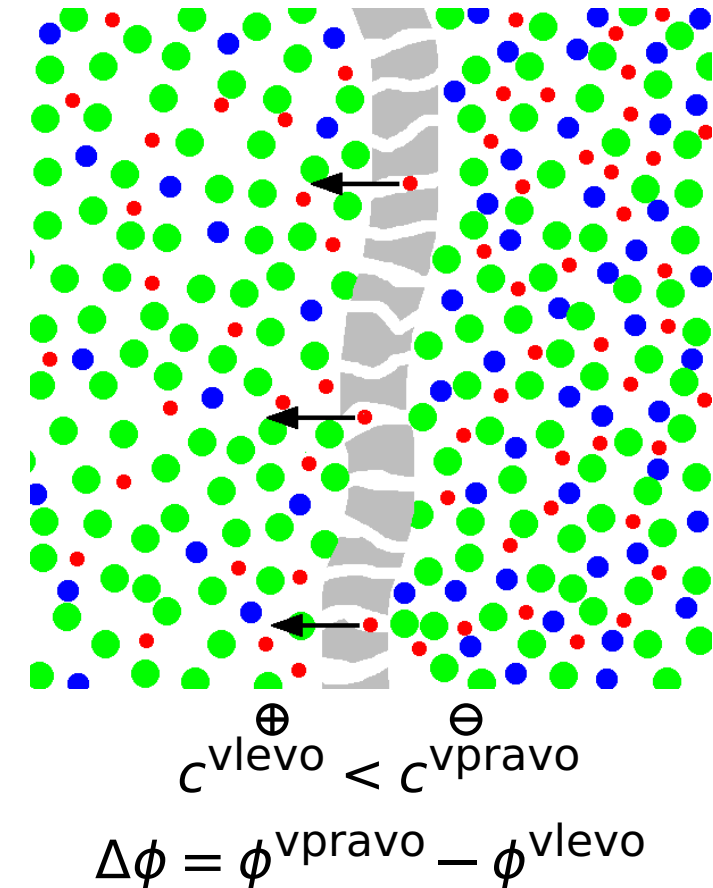
- ○ HCl o různé konc. na obou stranách membrány (sklo, Nafion, ...)
- membrána propouští jen kationty H^+

Kationty se snaží difundovat do místa nižší koncentrace. Protože anionty nemohou, vznikne **membránový potenciál**.

V rovnováze je rozdíl chemických potenciálů vyrovnán elektrickým potenciálem $\Delta\phi$, též se značí E , \mathcal{E}

$$\mu_{H^+}^{\text{vpravo}} - \mu_{H^+}^{\text{vlevo}} + zF\Delta\phi = 0$$

$$\Delta\phi = \phi^{\text{vpravo}} - \phi^{\text{vlevo}} = -\frac{RT}{zF} \ln \frac{a_{H^+}^{\text{vpravo}}}{a_{H^+}^{\text{vlevo}}} \approx -\frac{RT}{zF} \ln \frac{c_{H^+}^{\text{vpravo}}}{c_{H^+}^{\text{vlevo}}}$$



Elektrochemický potenciál zahrnuje jednotně chemický i elektrický potenciál:

$$\tilde{\mu}_i = \mu_i + z_i F \phi \quad (z_i \text{ je včetně znaménka})$$

V rovnováze stejné elektrochemické potenciály iontů (zde H^+) **vpravo a vlevo**.

Pozn.: Makroskopické koncentrace H^+ (HCl) se nemění (elektroneutralita!), změní se jen koncentrace v rámci povrchových (dvoj)vrstev.

vlevo	:	vpravo
-------	---	--------

NaX	:	NaCl
-----	---	------

anion X^- neprochází membránou

NaCl	:	
------	---	--

Spočtu rozdíl elektrochemických potenciálů v aproximaci nekonečného zředění:

$$\tilde{\mu}_{\text{Na}^+}^{\text{vpravo}} - \tilde{\mu}_{\text{Na}^+}^{\text{vlevo}} = RT \ln \frac{c_{\text{Na}^+}^{\text{vpravo}}}{c_{\text{Na}^+}^{\text{vlevo}}} + F\Delta\phi \stackrel{\text{rovnováha}}{=} 0$$

$$\tilde{\mu}_{\text{Cl}^-}^{\text{vpravo}} - \tilde{\mu}_{\text{Cl}^-}^{\text{vlevo}} = RT \ln \frac{c_{\text{Cl}^-}^{\text{vpravo}}}{c_{\text{Cl}^-}^{\text{vlevo}}} - F\Delta\phi \stackrel{\text{rovnováha}}{=} 0$$

Rovnice sečtu \Rightarrow

$$c_{\text{Na}^+}^{\text{vlevo}} c_{\text{Cl}^-}^{\text{vlevo}} = c_{\text{Na}^+}^{\text{vpravo}} c_{\text{Cl}^-}^{\text{vpravo}}$$

Obecně pro sůl $K_{\nu_{\oplus}}A_{\nu_{\ominus}}$

$$(c_{\oplus}^{\text{vlevo}})^{\nu_{\oplus}} (c_{\ominus}^{\text{vlevo}})^{\nu_{\ominus}} = (c_{\oplus}^{\text{vpravo}})^{\nu_{\oplus}} (c_{\ominus}^{\text{vpravo}})^{\nu_{\ominus}}$$

V levém oddělení je $n = 0.01$ mol *p*-toluensulfonátu sodného (NaTsO) ve $V^{\text{vlevo}} = 100$ mL vody, v pravém je čistá voda ($V^{\text{vpravo}} = 1$ L). Membrána nepropouští TsO^- . Jaké pH je v obou odděleních v rovnováze při 25 °C?

bilance [mol]	začátek		rovnováha	
	vlevo	: vpravo	vlevo	: vpravo
TsO^-	n	:	n	:
Na^+	n	:	$n - x$: x
OH^-	:	:	≈ 0	: x
H^+	:	:	x	: ≈ 0

$$\Delta\phi = -\frac{RT}{F} \ln \frac{c_{\text{Na}^+}^{\text{vpravo}}}{c_{\text{Na}^+}^{\text{vlevo}}} = -\frac{RT}{F} \ln \frac{x/V^{\text{vpravo}}}{(n-x)/V^{\text{vlevo}}}$$

$$= 0.256 \text{ V}$$

$$\frac{c_{\text{Na}^+}^{\text{vlevo}} c_{\text{OH}^-}^{\text{vlevo}}}{n-x} = \frac{c_{\text{Na}^+}^{\text{vpravo}} c_{\text{OH}^-}^{\text{vpravo}}}{x}$$

$$\frac{n-x}{V^{\text{vlevo}}} \cdot \frac{K_w}{x/V^{\text{vlevo}}} = \frac{x}{V^{\text{vpravo}}} \cdot \frac{x}{V^{\text{vpravo}}}$$

Numerické řešení (v mol, dm^{-3} ; lze zpřesnit iteracemi)

$$x = \sqrt[3]{K_w(n-x)(V^{\text{vpravo}})^2} \quad x \ll n \quad \approx \sqrt[3]{1 \times 10^{-14} \times 0.01 \times 1^2} \text{ mol} = 4.64 \times 10^{-6} \text{ mol}$$

$\text{pH}^{\text{vlevo}} = 4.3, \text{pH}^{\text{vpravo}} = 8.7$

Např.: buněčná membrána (lipidická dvojvrstva s iontovými kanály)

Předpoklady odvození:

- známe koncentrace iontů c_i^{vlevo} a c_i^{vpravo}
- aproximace nekonečného zředění ($\gamma_i = 1$)
- stacionární difuze – nulový proud (po ustavení napětí $\Delta\phi$, což je rychlé)
- velikost molekul zanedbáváme, membrána = dielektrické kontinuum
- **homogenní elektrické pole** $\mathcal{E} = -\frac{d}{dx}\phi = \text{const}$

vyplývá z Poissonovy rovnice $d^2\phi/dx^2 = -\rho/\epsilon$: pro **tenkou** membránu je náboj v membráně malý, $\phi(x)$ se nestihne zakřivit; ekvivalentně: **(tloušťka membrány L) \ll Debyeova délka**

Nenulový difuzní tok = **nevratný děj**

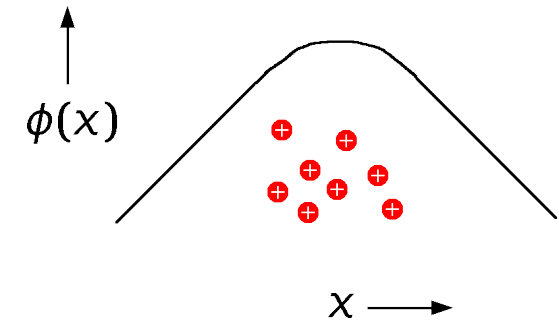
Propustnost membrány pro ion i : $P_i = D_i K_{Ni}/L$

D_i je difuzivita **v materiálu membrány**; u frity = D_i v \odot .

„Nernstův rozdělovací koeficient“ K_{Ni} se zde nazývá sorpční koeficient, pro sorpci z kapaliny je bezrozměrný $\Rightarrow J_i = P_i(c_i^{\text{vpravo}} - c_i^{\text{vlevo}})$

Napětí závisí pouze na **poměrech** propustností P_i

$$\Delta\phi = \phi^{\text{vpravo}} - \phi^{\text{vlevo}}$$



$$u_i = \frac{D_i |z_i| F}{RT}$$
$$\lambda_i = |z_i| F u_i$$

Tok iontů i v místě x (vlevo $x = 0$, vpravo $x = L$) a proudová hustota:

$$j = \kappa \mathcal{E}, \quad \lambda_i = u_i z_i F = \frac{z_i^2 F^2}{RT} D_i$$

$$J_i = -D_i \vec{\nabla} c_i + \frac{\lambda_i c_i \mathcal{E}}{z_i F} = -\frac{D_i}{RT} c_i \vec{\nabla} [\mu_i + z_i F \phi] = -\frac{D_i}{RT} c_i \vec{\nabla} \tilde{\mu}_i = -\frac{u_i}{z_i F} c_i \vec{\nabla} \tilde{\mu}_i, \quad j_i = -u_i c_i \vec{\nabla} \tilde{\mu}_i$$

$$J_{i,x} = D_i \left[-\frac{dc_i}{dx} + \frac{z_i F \mathcal{E}}{RT} c_i \right], \quad j_{i,x} = u_i \left[-RT \frac{dc_i}{dx} + z_i F \mathcal{E} c_i \right] = \text{Nernstova-Planckova rovnice}$$

J_i neznáme, jen víme, že nezávisí na x (stacionární stav = nic se nehromadí).

Rovnice pak jde zintegrovat (separace proměnných):

$$\int_0^L dx = \int_{c_i^{\text{vlevo}}}^{c_i^{\text{vpravo}}} \frac{D_i}{c_i z_i F \mathcal{E} D_i / RT - J_i} dc_i$$

přesněji $\int_{K_{Ni} c_i^{\text{vlevo}}}^{K_{Ni} c_i^{\text{vpravo}}}$
(K_{Ni} se pokrátí)

Počítáme J_i z koncentrací a \mathcal{E} . Po několika krocích:

$$J_i RT = D_i z_i F \mathcal{E} \frac{\epsilon^{z_i} c_i^{\text{vlevo}} - c_i^{\text{vpravo}}}{\epsilon^{z_i} - 1}, \quad \text{kde } \epsilon = \exp\left(\frac{FL\mathcal{E}}{RT}\right) = \exp\left(-\frac{F\Delta\phi}{RT}\right)$$

$\Delta\phi$ spočteme z podmínky nulového proudu:

$$j = \sum_i z_i F J_i \stackrel{!}{=} 0$$

Pozor na znaménka:

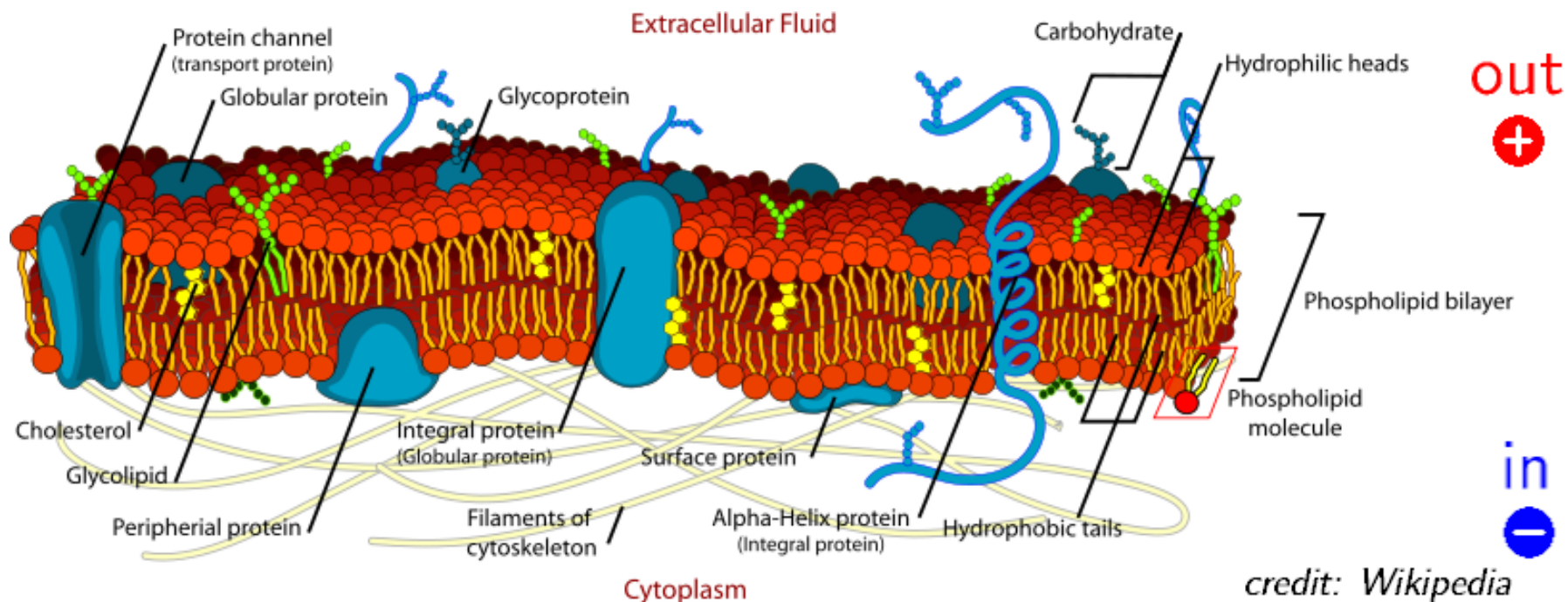
$$\Delta\phi = \phi^{\text{vpravo}} - \phi^{\text{vlevo}} = -L\mathcal{E}$$

Další zjednodušení: jen univalentní ionty ($|z_i| = 1$)

Sečteme zvlášť přes anionty a kationty, nahradíme $D_i \propto P_i$

\Rightarrow lineární rovnice pro $\epsilon = \exp\left(-\frac{F\Delta\phi}{RT}\right)$, po úpravě dostaneme:

$$\Delta\phi = -\frac{RT}{F} \ln \frac{\sum_{\text{kationty}} P_i C_i^{\text{vpravo}} + \sum_{\text{anionty}} P_i C_i^{\text{vlevo}}}{\sum_{\text{kationty}} P_i C_i^{\text{vlevo}} + \sum_{\text{anionty}} P_i C_i^{\text{vpravo}}}$$



Relativní permeability hlavních iontů skrz savčí plazmatickou membránu:

$$P(K^+) = 1, P(Na^+) = 0.04, P(Cl^-) = 0.45$$

Koncentrace uvnitř buňky (v mmol dm^{-3}):

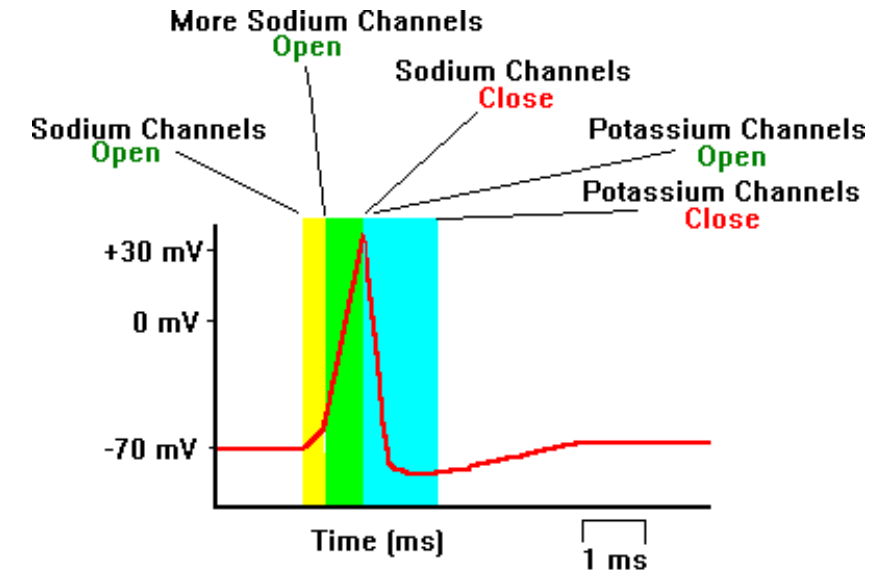
$$[K^+]^{\text{vpravo}} = 400, [Na^+]^{\text{vpravo}} = 50, [Cl^-]^{\text{vpravo}} = 50$$

Koncentrace vně (v mmol dm^{-3}):

$$[K^+]^{\text{vlevo}} = 20, [Na^+]^{\text{vlevo}} = 500, [Cl^-]^{\text{vlevo}} = 560$$

Klidový potenciál membrány:

$$\begin{aligned}\Delta\phi &= -\frac{RT}{F} \ln \frac{\sum_{\text{kationty}} P_i C_i^{\text{vpravo}} + \sum_{\text{anionty}} P_i C_i^{\text{vlevo}}}{\sum_{\text{kationty}} P_i C_i^{\text{vlevo}} + \sum_{\text{anionty}} P_i C_i^{\text{vpravo}}} \\ &= \frac{8.314 \text{ J mol}^{-1} \text{ K}^{-1} \times 310 \text{ K}}{96485 \text{ C mol}^{-1}} \times \ln \frac{1 \times 400 + 0.04 \times 50 + 0.45 \times 560}{1 \times 20 + 0.04 \times 500 + 0.45 \times 50} \\ &= -0.063 \text{ V v klidu} \\ &= +0.039 \text{ V pro } P(Na^+) = 10 \text{ (akční potenciál)}\end{aligned}$$



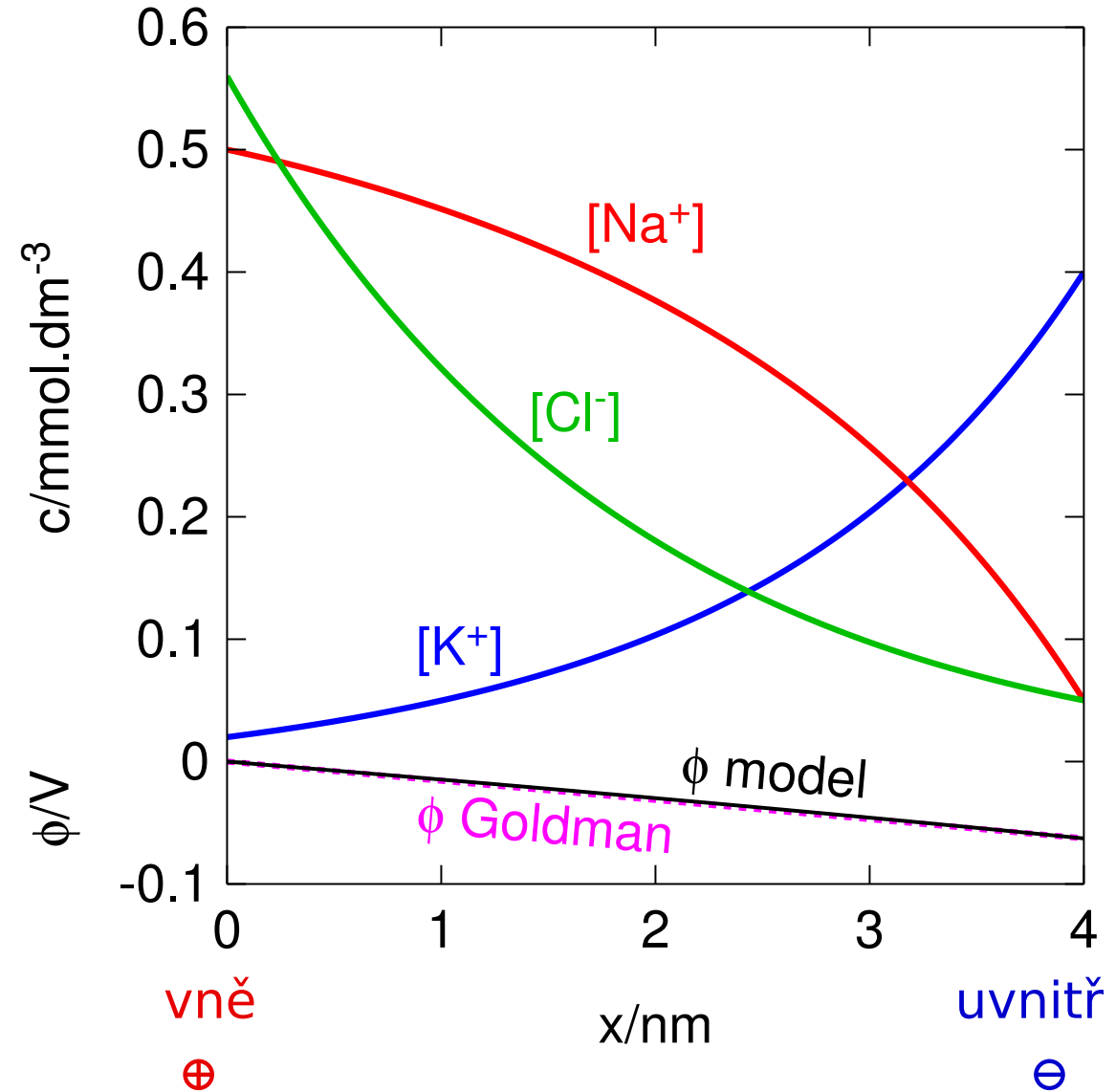
v klidu je záporný, protože rychlejší K^+ zevnitř difundují ven, a uvnitř jich zbyde málo

Numerické řešení pro:

$$L = 4 \text{ nm}$$

$$\epsilon_r = 4$$

$K_{N_i} = 0.001$ (koncentrace
v membráně je 1000× menší)



Difuze iontů tlustou membránou, fritou, kapalinovým rozhraním aj.

Nevratný děj, obecně složité (parc. dif.), zde zjednodušíme na:

● roztok stejné soli 1:1 na obou stranách membrány, c^{vlevo} a c^{vpravo}

● membrána je **tlustá: (tloušťka membrány) \gg (Debyeova délka)**

\Rightarrow **konstantní gradient koncentrace soli** $\text{grad } c_{\oplus} = \text{grad } c_{\ominus} = \text{const}$

To plyne z Poissonovy rovnice $d^2\phi/dx^2 = -\sum_i z_i F c_i / \epsilon$: $d^2\phi/dx^2$ na dlouhém intervalu je malé

$\Rightarrow c_{\oplus} - c_{\ominus} \approx 0$ – **neplatí pro víc druhů iontů!**

Použijeme opět Nernstovu–Planckovu rovnici:

$$\text{tok kationtů: } J_{\oplus} = -D_{\oplus} \frac{d}{dx} c_{\oplus} - \frac{D_{\oplus} F}{RT} c_{\oplus} \frac{d}{dx} \phi$$

$$\text{tok aniontů: } J_{\ominus} = -D_{\ominus} \frac{d}{dx} c_{\ominus} + \frac{D_{\ominus} F}{RT} c_{\ominus} \frac{d}{dx} \phi$$

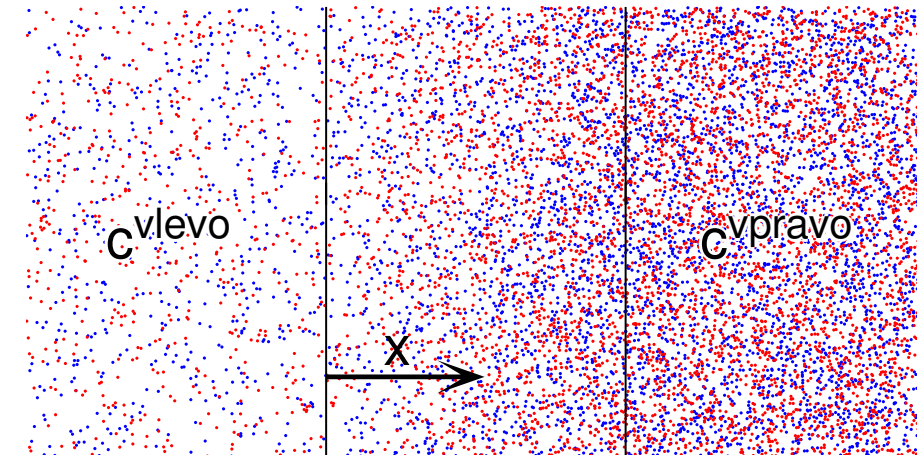
V ustáleném stavu $j/F = \sum_i z_i j_i = J_{\ominus} - J_{\oplus} \stackrel{!}{=} 0$, $c_{\oplus} = c_{\ominus} = c \Rightarrow$

$$(D_{\ominus} - D_{\oplus}) \frac{dc}{dx} = (D_{\ominus} + D_{\oplus}) \frac{F}{RT} c \frac{d\phi}{dx}, \quad \text{separace proměnných } c, \phi:$$

$$\frac{D_{\ominus} - D_{\oplus}}{D_{\ominus} + D_{\oplus}} \ln \frac{c^{\text{vpravo}}}{c^{\text{vlevo}}} = \frac{F}{RT} \Delta\phi$$

$$\Delta\phi = (t_{\ominus} - t_{\oplus}) \frac{RT}{F} \ln \frac{c^{\text{vpravo}}}{c^{\text{vlevo}}}$$

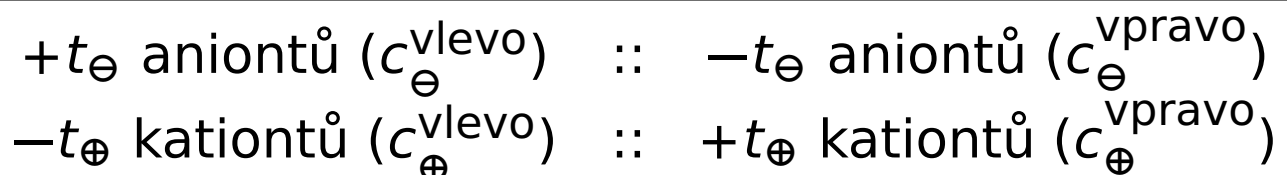
$$t_{\pm} = \frac{D_{\pm}}{D_{\ominus} + D_{\oplus}}$$



Zobecnění pro jednu sůl $K_{\nu_{\oplus}}^{z_{\oplus}} A_{\nu_{\ominus}}^{z_{\ominus}}$:

$$\Delta\phi = \left(\frac{t_{\ominus}}{|z_{\ominus}|} - \frac{t_{\oplus}}{z_{\oplus}} \right) \frac{RT}{F} \ln \frac{c^{\text{vpravo}}}{c^{\text{vlevo}}}$$

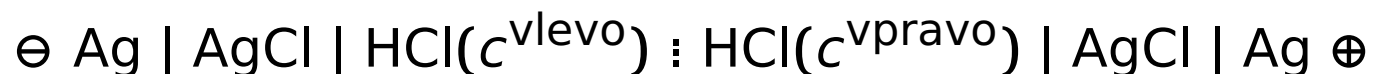
Interpretace pro uni-univalentní sůl (nerovnovážnost je malá, neplatí pro tenkou membránu):
Proteče 1 mol nábojů ($1F$) $\rightarrow = (t_{\ominus}$ aniontů \leftarrow) + (t_{\oplus} kationtů \rightarrow):



Pro sůl 1:1 a $t_{\ominus} = t_{\oplus}$ je ztráta napětí $\Delta\phi = 0$.
Proto je v solných můstcích roztok s $t_{\ominus} \approx t_{\oplus}$,
např. KCl: $t_{\oplus} = 0.49$, $t_{\ominus} = 0.51$.

$$\Delta G_m = -t_{\ominus} RT \ln \frac{c_{\ominus}^{\text{vpravo}}}{c_{\ominus}^{\text{vlevo}}} + t_{\oplus} RT \ln \frac{c_{\oplus}^{\text{vpravo}}}{c_{\oplus}^{\text{vlevo}}} \stackrel{\text{skoro rovnováha}}{=} -zF\Delta\phi \Rightarrow \Delta\phi = (t_{\ominus} - t_{\oplus}) \frac{RT}{F} \ln \frac{c^{\text{vpravo}}}{c^{\text{vlevo}}}$$

V článku s **převodem přes kapalinové rozhraní** (*liquid junction*) se $\Delta\phi$ sčítá s výsledkem Nernstovy rovnice, např. pro koncentrační článek citlivý na anionty



vyjde

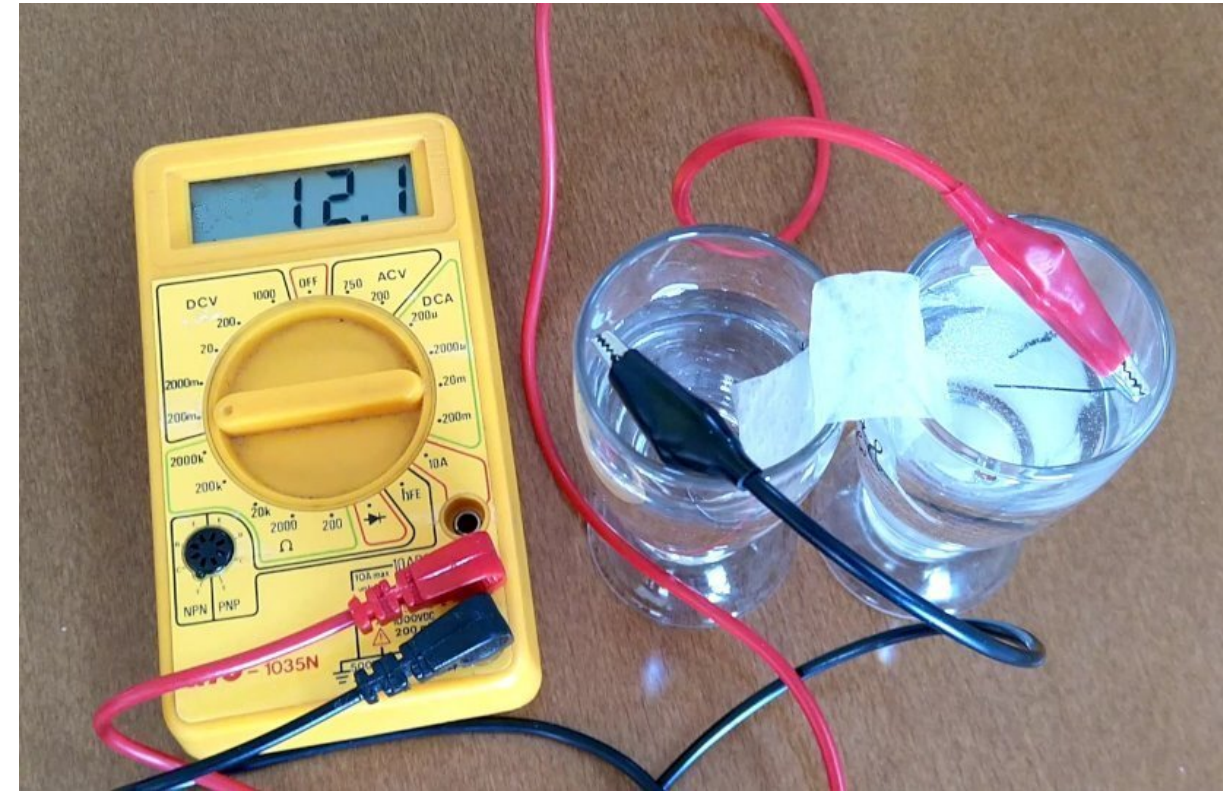
$$E = -\frac{RT}{F} \ln \frac{c^{\text{vpravo}}}{c^{\text{vlevo}}} + \Delta\phi = -2t_{\oplus} \frac{RT}{F} \ln \frac{c^{\text{vpravo}}}{c^{\text{vlevo}}}$$

pro $t_{\oplus} = t_{\ominus} = \frac{1}{2}$ = Nernstova rovnice
pro $t_{\oplus} = 0$ (procházejí jen reagující anionty) vyjde nula, protože membránový potenciál přesně kompenzuje potenciál článku

Lze také odvodit jako výše s tím, že reakcí přibude 1 mol Cl^- vpravo a totéž ubude vlevo

Kuchyňský pokus

- vlevo: kohoutková voda
- vpravo: roztok NaCl
- převod: filtrační papír (ubrousek)
- elektrody: tuha (inertní)
- $\lambda^\infty(\text{Na}^+) = 0.00501 \text{ S m}^2 \text{ mol}^{-1}$
- $\lambda^\infty(\text{Cl}^-) = 0.00763 \text{ S m}^2 \text{ mol}^{-1}$
- Cl^- difunduje rychleji než Na^+
- \Rightarrow vlevo je přebytek záporných Cl^-
- \Rightarrow vpravo zůstane přebytek kladných Na^+



Důležité je mít inertní elektrody, aby nedocházelo k reakcím. Např při použití mědi jsem naměřil asi -140 mV , pravděpodobně díky oxidaci



1:1 elektrolyt

$c^{\text{vpravo}} : c^{\text{vlevo}} = 10$

— **tenká membrána** ($L \ll \lambda$)

elektrické síly významnější – homogenní elektrické pole
(určují průběh koncentrace)

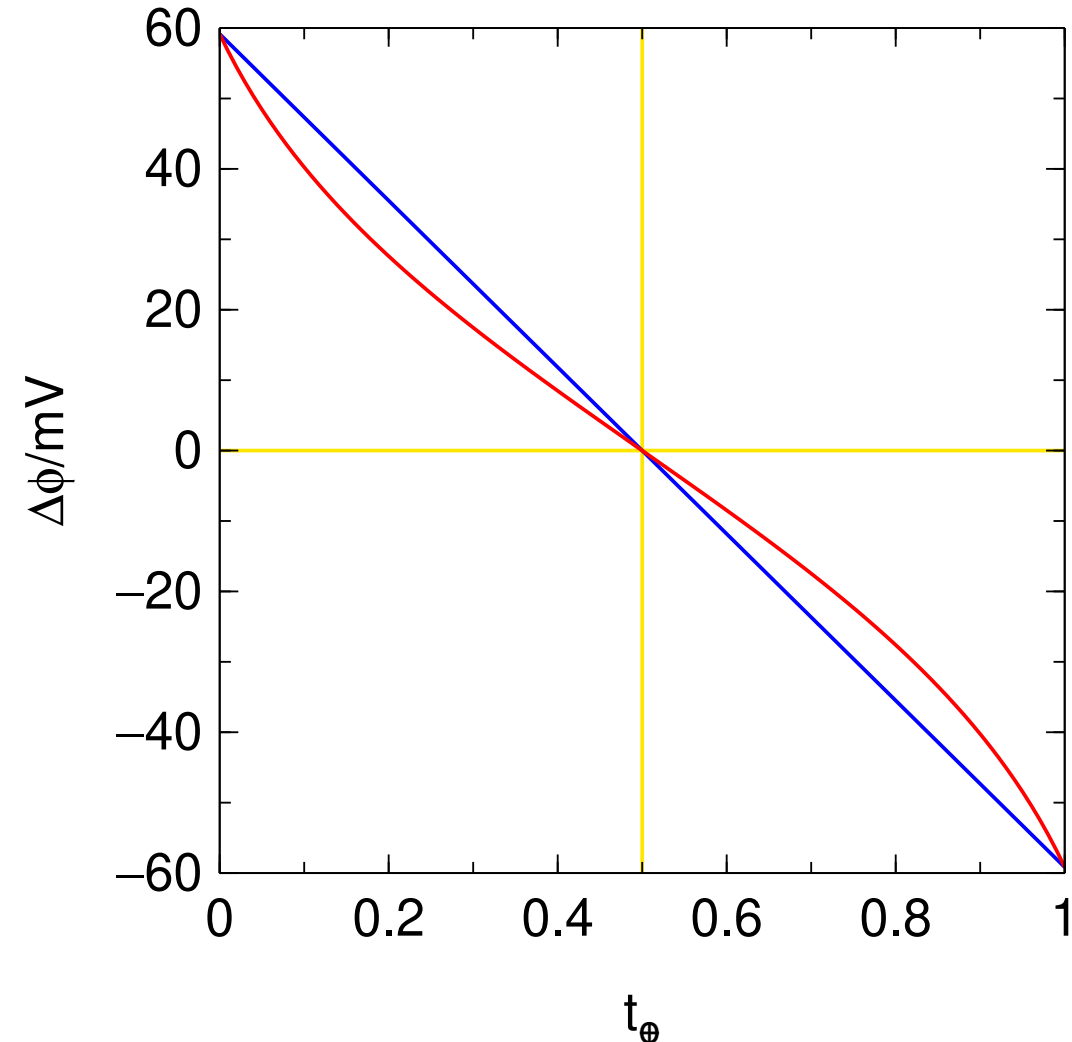
— **tlustá membrána** ($L \gg \lambda$)

difuze významnější – homogenní gradient koncentrace
(el. síly odstíněny)

Pro $t_{\oplus} = 1$ (procházejí jen kationty) obě rovnice přejdou
na Nernstovu rovnici

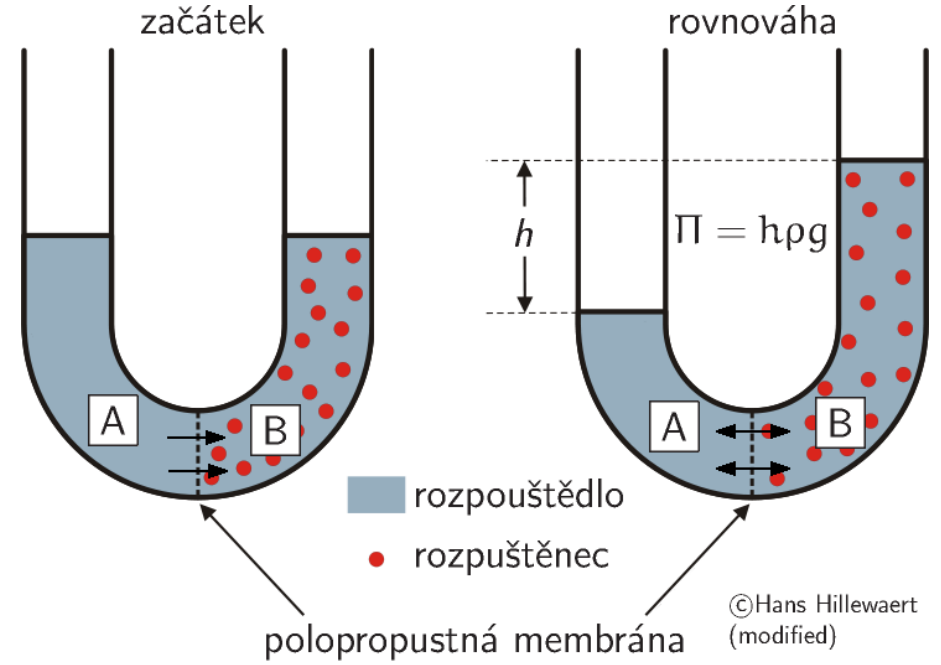
$$\Delta\phi = -\frac{RT}{zF} \ln \frac{c^{\text{vpravo}}}{c^{\text{vlevo}}}$$

Pro $t_{\oplus} = \frac{1}{2}$ je $\Delta\phi = 0$ (symetrie kationty:anionty)



Membrána propouští **rozpouštědlo** (příp. i malé molekuly). Výsledkem snahy rozpouštědla přejít do místa s nižším chemickým potenciálem je **osmotický tlak**

1 = rozpouštědlo



$$\mu_1^\bullet(p_A) \equiv \mu_1(p_A, 1)$$

$$\mu_1^\bullet(p_A) \stackrel{!}{=} \mu_{1B}(p_B, x_{1B}) \stackrel{id.\odot}{=} \mu_1^\bullet(p_B) + RT \ln x_{1B} = \mu_1^\bullet(p_B) + RT \ln(1 - x_{2B})$$

$$V_{1m} = \text{const}, x_2 \ll 1 \Rightarrow \mu_1^\bullet(p_A) + V_{1m} \underbrace{(p_B - p_A)}_{\Pi} - RT x_{2B} \Rightarrow V_{1m} \Pi = RT \frac{n_2}{n}$$

$$\Rightarrow \Pi = \frac{n_2}{n V_{1m}} RT = \frac{n_2}{V} RT = c_2 RT$$

J. H. **van 't Hoff**, H. N. **Morse**
 n_2, c_2 jsou vč. příp. disociace

Osmotický tlak je **koligativní vlastnost** – závisí na počtu částic

Osmolarita = látkové množství částic (neprocházejících membránou) v jednotce objemu

Osmolalita = látkové množství částic (neproch. memb.) na jednotkovou hmotnost rozpouštědla

Příklad. Jaká je osmolalita roztoku 0.15 mol NaCl v 1 kg vody?

To je 0.3 mol iontů v 1 kg vody, osmolalita = 0.3 osmol kg⁻¹

Přibližně $\rho = 1 \text{ kg dm}^{-3} \Rightarrow$ osmolarita $\doteq 0.3 \text{ osmol dm}^{-3}$

„postaru nebo v biologii“ 0.15 M \odot NaCl = 0.3 Osm \odot NaCl

Osmotický tlak přesněji

Pro nenabitě rozpuštěnce a nabitě koloidní částice v iontovém roztoku, který prochází membránou:

$$\Pi = c_2 RT(1 + Bc_2 + Cc_2^2 + \dots)$$

B = druhý osmotický viriálový koeficient – interakce dvojic rozpuštěnců
pro koloidní částice určen hlavně vyloučeným objemem (pak $B > 0$)

C = třetí osmotický viriálový koeficient (interakce trojic částic)

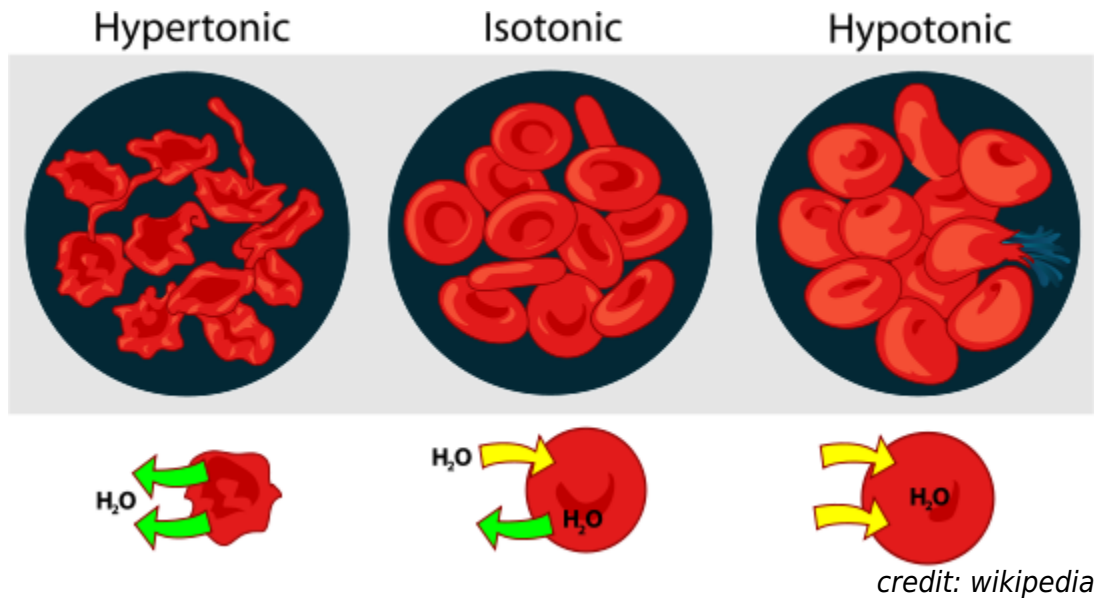
Pro iontový roztok, ionty neprocházejí membránou ($c_2 = c_{\text{ionty}}$, I_c = iontová síla, A = konstanta Debyeova–Hückelova zákona):

$$\Pi = c_2 RT \left[1 - \frac{2}{3} A I_c^{3/2} / c_2 + \text{const} \times c_2 + \text{const}' \times c_2^{3/2} + \dots \right]$$

$\swarrow \frac{\propto c_2^{1/2}}{}$

- extra/intracelulární prostor je izotonický
- ultrafiltrát (primární moč) vzniká reverzní osmózou (ultrafiltrací^a) krve v glomerulech – neprocházejí makromolekulární látky; diastolický tlak > osmotický tlak 30–60 mm Hg (podle zdroje)
- dialýza
- odsolování mořské vody reverzní osmózou
- stanovení molární hmotnosti
- nasávání vody rostlinami (javor)

^akonvenční hranice velikosti částic 10–100 nm



credit: wikipedia



Příklad. Vypočtete minimální tlak potřebný k odsolení mořské vody za teploty 300 K reverzní osmózou a minimální energii potřebnou k výrobě 1 m³ sladké vody. Koncentrace iontů v mořské vodě je 1.12 mol dm⁻³.

Osmotický tlak roztoku enzymu ve vodě (25 °C) je

$\frac{c_w}{\text{g dm}^{-3}}$	1	2	3	4	5	6
$\frac{\Pi}{\text{Pa}}$	25	54	83	118	152	191

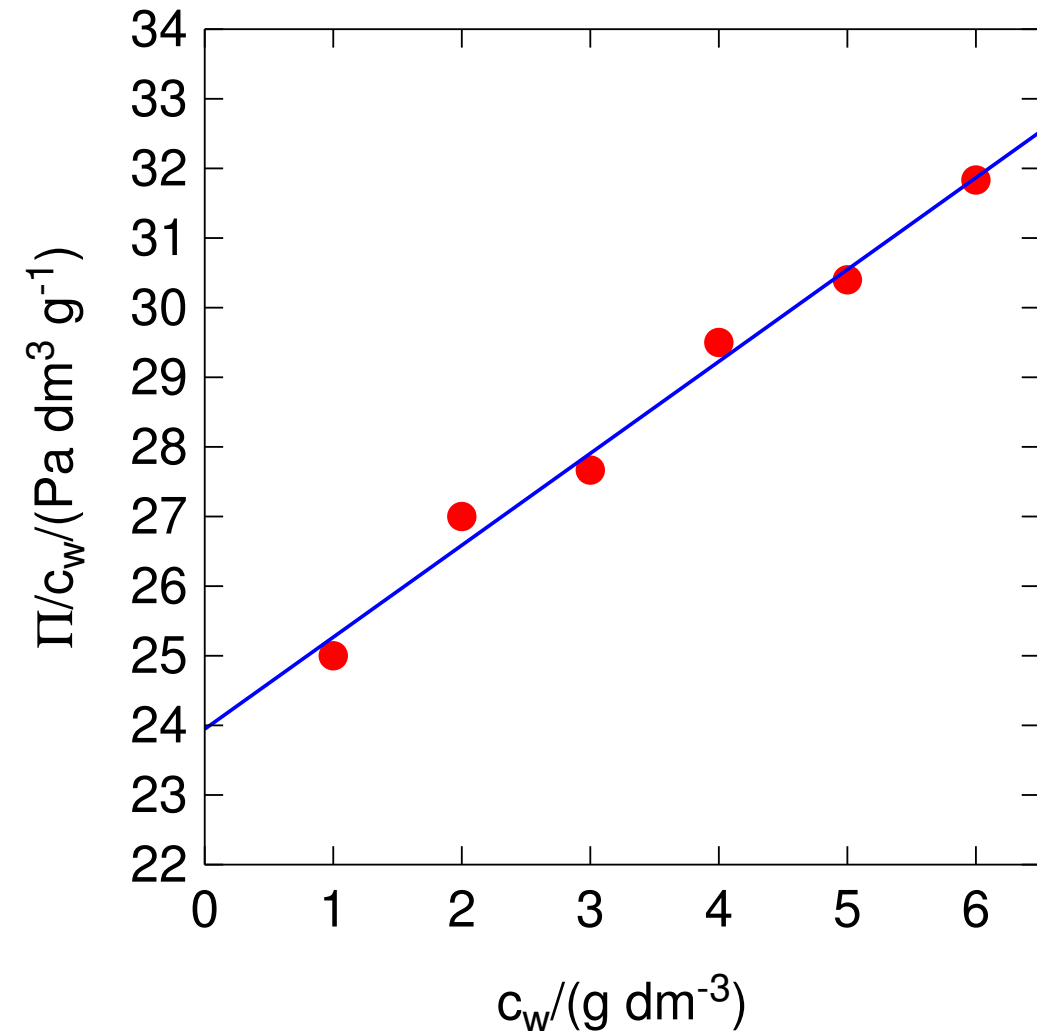
Vypočtete molární hmotnost molekuly enzymu.

Řešení. Po dosazení $c_2 = c_w/M$ do $\Pi = c_2RT(1 + Bc_2)$ dostaneme:

$$\frac{\Pi}{c_w} = \frac{RT}{M} + \frac{RTB}{M^2}c_w$$

Z grafu: $\frac{RT}{M} \doteq 24 \text{ Pa g}^{-1} \text{ dm}^3 = 24 \text{ Pa kg}^{-1} \text{ m}^3$

$$M = \frac{8.314 \text{ Pa m}^3 \text{ mol}^{-1} \text{ K}^{-1} \times 298 \text{ K}}{24 \text{ Pa kg}^{-1} \text{ m}^3} = 103 \text{ kg mol}^{-1} \equiv \underline{103 \text{ kDa}}$$



Rovnice $\Pi = c_2RT$ se někdy zapisuje ve tvaru

$$\Pi = ic_2RT$$

kde c_2 je koncentrace původní látky a i je **van 't Hoffův faktor**, tj. průměrný počet molekul, na který se látka rozpadne (a které neprocházejí membránou), např.

$$i(\text{glukosa}) = 1$$

$$i(\text{NaCl}) = 2$$

$$i(\text{CH}_3\text{COOH}) = 1 + \alpha$$

(pokud ani jeden ion neprochází membránou).

Odezva závisí jen na **počtu molekul** (molů) rozpuštěných látek

● zvýšení bodu varu (ebulioskopie), $\Delta T = K_E \underline{m}_2 = K_E \frac{m_2}{m_1 M_2}$

● snížení bodu tání (kryoskopie), $\Delta T = -K_K \underline{m}_2 = -K_K \frac{m_2}{m_1 M_2}$

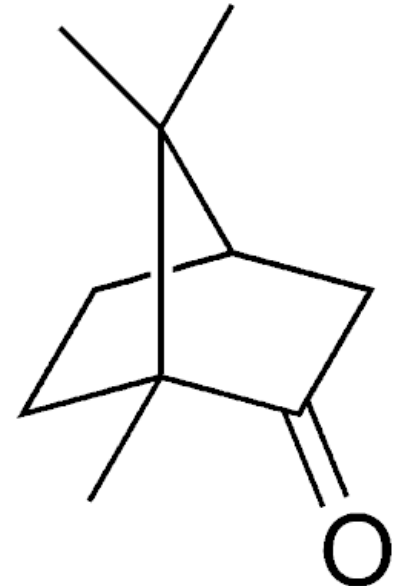
např. kafr (*camphor*): $K_K = 40 \text{ K kg mol}^{-1}$, $t_{\text{tání}} = 176 \text{ }^\circ\text{C}$

● osmotický tlak, $\Pi = c_2 RT = \frac{m_2}{V M_2} RT$

● tlak plynu, $p = nRT/V = cRT = \frac{m}{V M_2} RT$ (jen plyny či těkavé látky)

Použití: stanovení molárních hmotností

Přesnost: ebulioskopie < kryoskopie < osmometrie tlaku nasycených par < membránová osmometrie



(+)-camphor