

- druhy:  $\underbrace{l/g}_{\text{mobilní}}$   $\underbrace{l/l}_{\text{ }} \quad s/g \quad s/l \quad s/s$

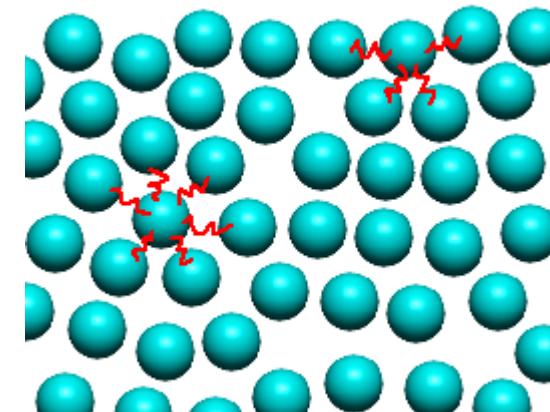
**Příklad.** Kolik % molekul vody je na povrchu kapičky mlhy o průměru a) 0.1 mm (hranice viditelnosti okem) b) 200 nm (hranice viditelnosti optickým mikroskopem)?

0.002%, 1%

Mezifázová energie (povrchové napětí)

$$\gamma = \left( \frac{\partial G}{\partial A} \right)_{T,p}$$

$$dG = dW_{\text{rozhr}} = \gamma dA \stackrel{l/l, l/g}{=} \gamma \ell dx$$



- Povrchové napětí kapalin s rostoucí teplotou klesá. V kritickém bodě je nulové.
- Mezifázová energie krystalu závisí na směru.

**Příklad.** Jaká energie je potřeba na rozdrcení krystalu kuchyňské soli ( $1 \text{ cm}^3$ ) na prášek o velikosti částic  $1 \mu\text{m}$ ? Povrchová energie (krystalové roviny 100) je asi  $2.6 \text{ J m}^{-2}$ .

# Povrchové napětí kapalin

Tlak v kapce o poloměru  $r$ :

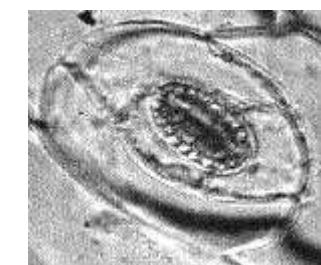
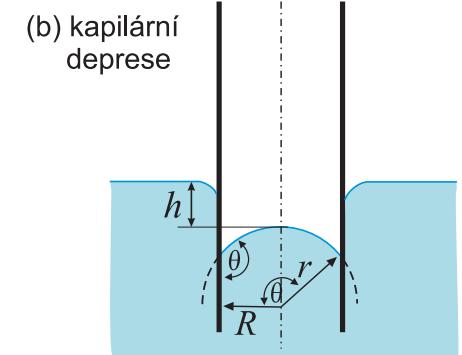
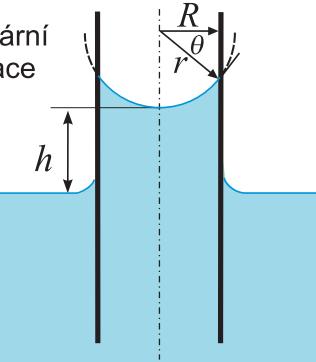
$$p_{\text{Laplace}\text{uv}} = p_{\text{vnitř}} - p_{\text{venku}} = \frac{2\gamma}{r}$$

Kapilární elevace/deprese v kapiláře o poloměru  $r$

$$h = \frac{\cos \theta 2\pi r \gamma}{\pi r^2 \rho g} = \frac{2\gamma \cos \theta}{r \rho g}$$

$\theta$  = kontaktní úhel (úhel smáčení)

**Příklad.** Jak velké mohou být maximálně póry v listech 10 m vysokého stromu? Povrchové napětí vody je  $\gamma = 72 \text{ mN m}^{-1}$ .



**Příklad.** Jak velká je tloušťka kaluže rtuti, kterou opatrně rozlijeme na rovnou nesmáčivou podložku?  $\gamma = 0.485 \text{ N m}^{-1}$ ,  $\rho = 13.6 \text{ g cm}^{-3}$ .

$$m = 2.9 \mu\text{m}$$

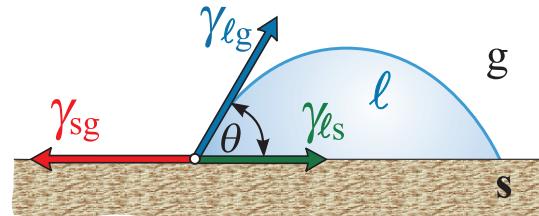


Metody výpočtu: rovnováha sil, minimalizace energie

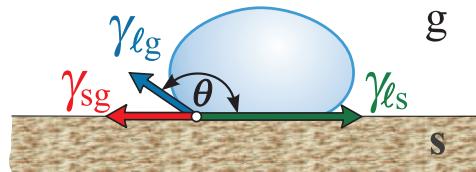
# Rozestírání

s.3  
m13

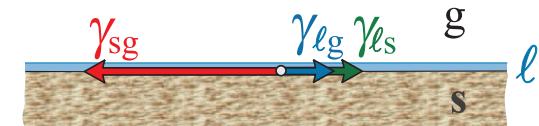
Na povrchu tuhé látky:



(a) smáčení



(b) nesmáčení



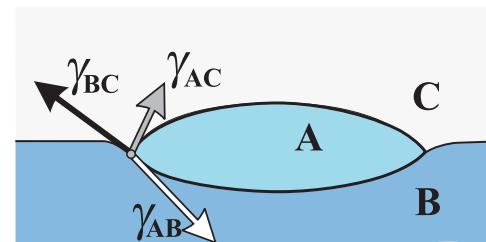
(c) rozestírání

Youngova rovnice: součet vektorů mezifázových napětí je nulový

$$\gamma_{sg} = \gamma_{ls} + \gamma_{lg} \cos \theta$$

Rozestírání:  $\gamma_{sg} > \gamma_{ls} + \gamma_{lg}$

Na povrchu kapaliny:



(a) smáčení



(c) rozestírání

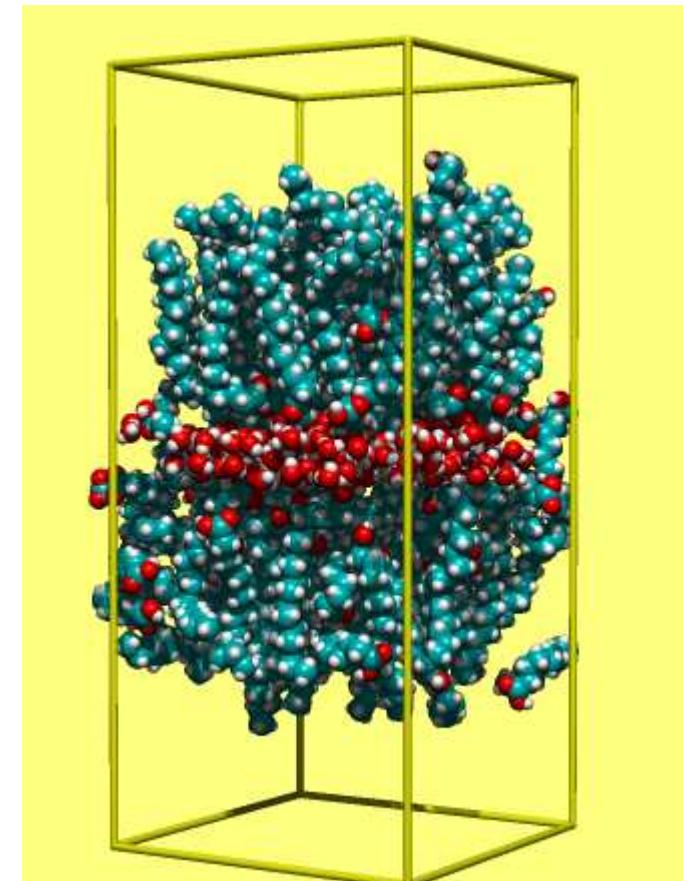
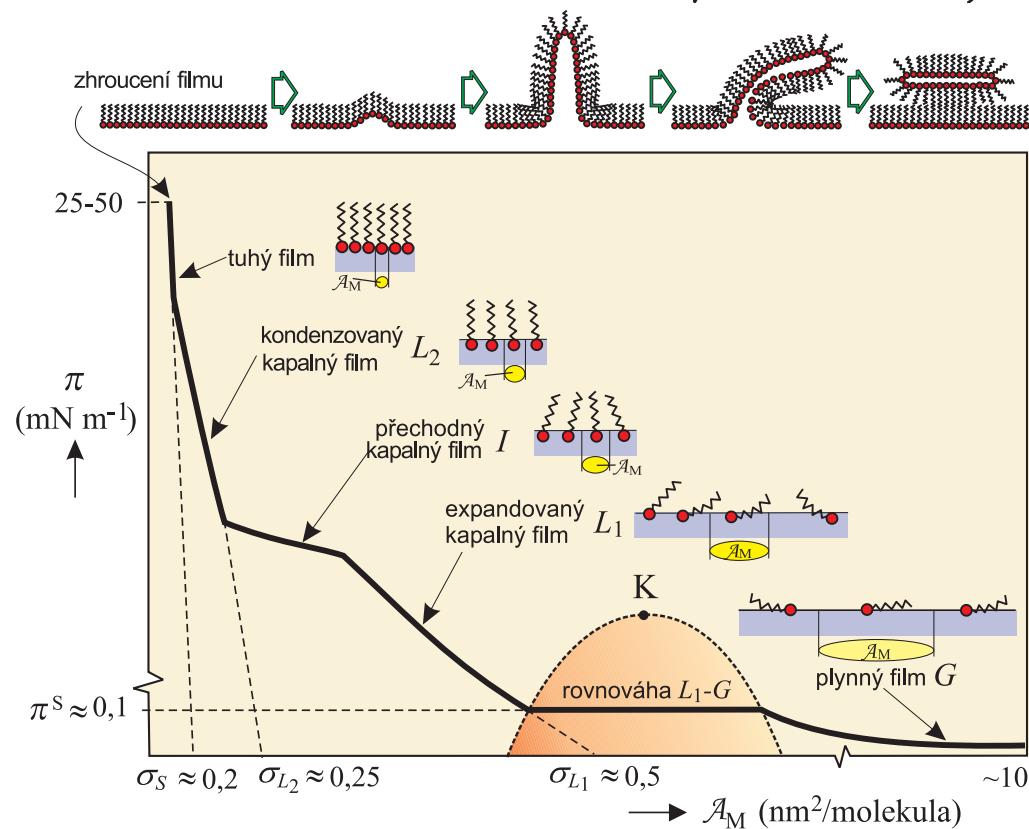
Kapka:  $\gamma_{BC} < \gamma_{AB} + \gamma_{AC}$ , rozestírání:  $\gamma_{BC} > \gamma_{AB} + \gamma_{AC}$

# Povrchově aktivní látky (surfaktanty)

s.4  
m13

surface active (acting) agent

- snižují povrchové napětí
- obv. hydrofilní „hlavička“ (-COOH aj.) a hydrofobní „ocásek“ (uhlovodíkový:  $0.205 \text{ nm}^2/\text{molekulu}$ )

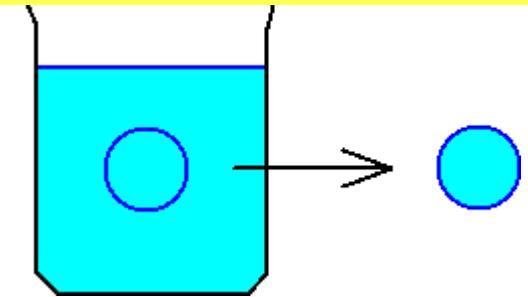


**Příklad.** Kolik bublin o průměru 5 cm je možné teoreticky vytvořit z mýdlové vody z 1 g mýdla ( $\text{C}_{17}\text{H}_{35}\text{COONa}$ )?

## Kelvinova rovnice

s.5  
m13

$$\left( \frac{\partial \ln f}{\partial p} \right)_T = \frac{V_m}{RT}$$



Převod (1 mol) látky z kapaliny s rovinným rozhraním do kapek o poloměru  $r$ . Tlak se zvětší o  $2\gamma/r$  a fugacita z  $f_\infty$  na  $f_r$ :

$$\ln \frac{f_r}{f_\infty} = \frac{2\gamma V_m}{RT r}$$

⇒ tlak nasycených par nad kapkou je větší / v bublině je menší

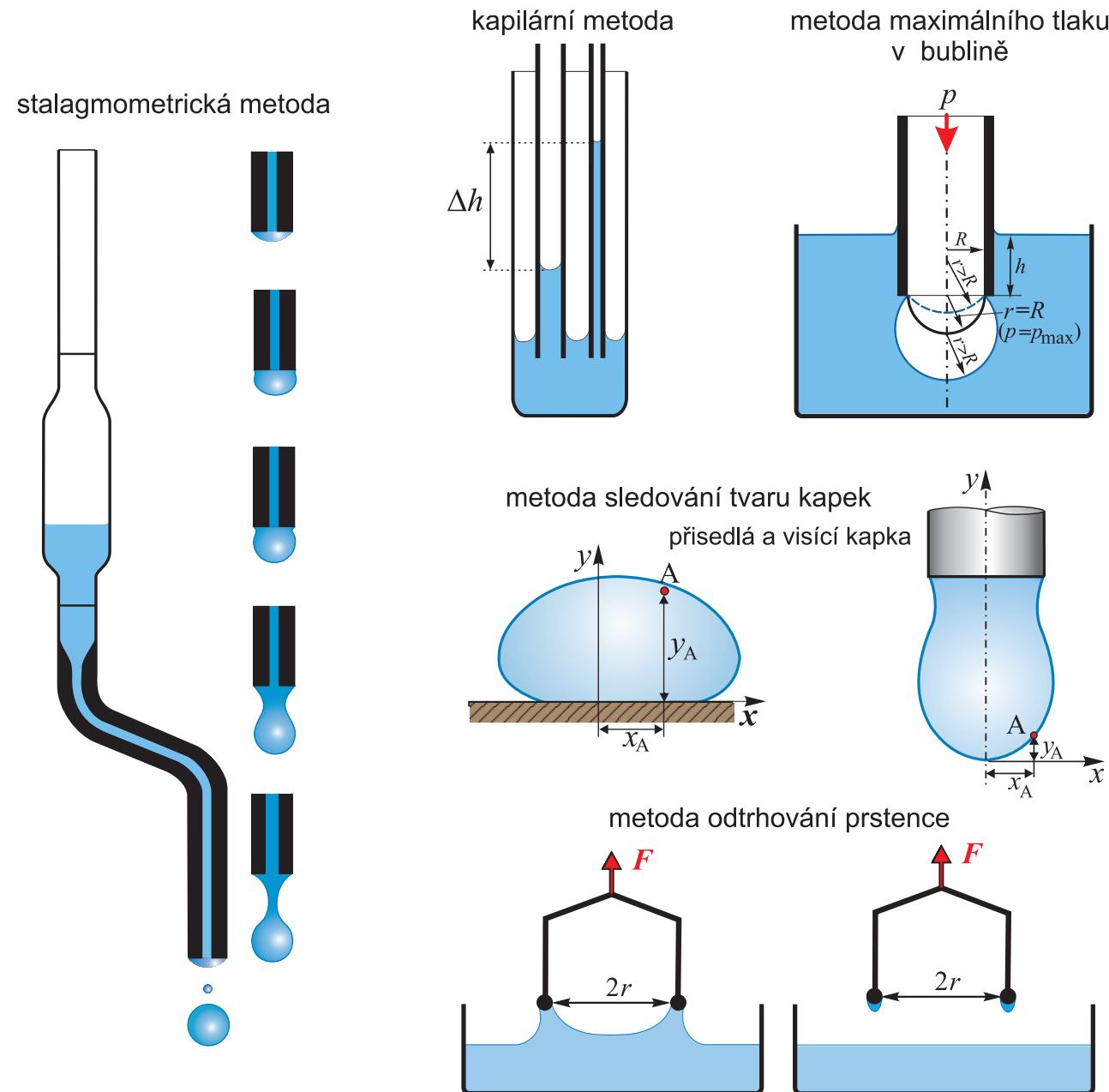
$$\ln \frac{p_r^s}{p_\infty^s} = \pm \frac{2\gamma V_m^{(l)}}{RT r}$$

**Příklad.** Tlak nasycených par vody je 3.15 kPa při 25 °C. Jak se změní nad membránou o velikosti pórů 100 nm?  $\gamma_{voda} = 72 \text{ mN m}^{-1}$ .

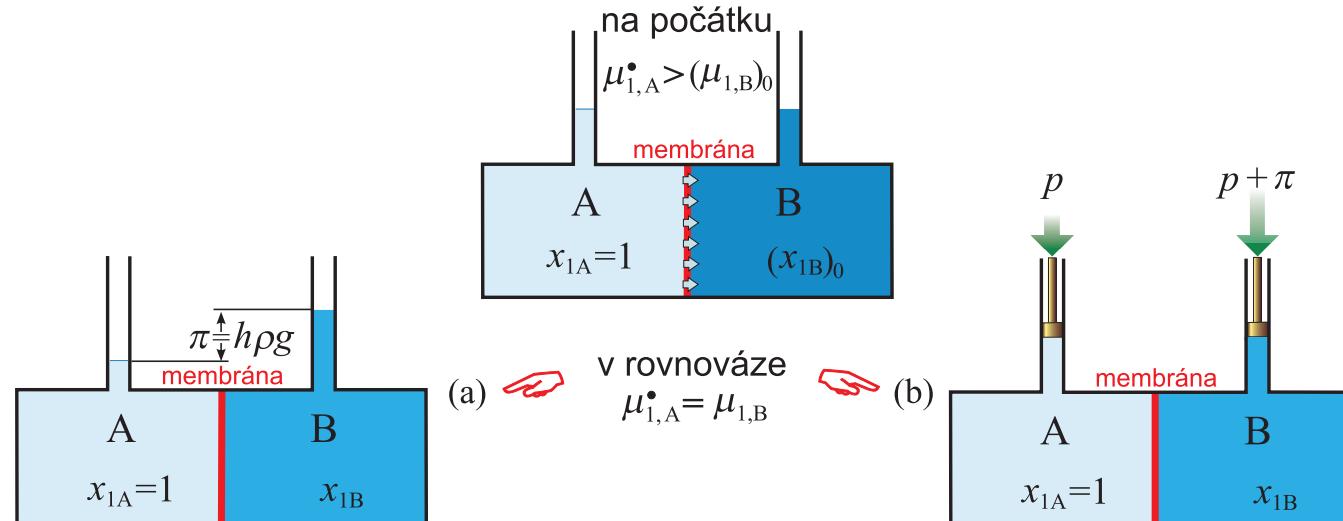
smači: 3.08 kPa, nesmači: 3.22 kPa

# Měření povrchového napětí

s.6  
m13



rozpoouštědlo  
||  
1



$$\mu_1^\bullet(p_A) = \mu_1(p_A, 1) = \mu_1(p_B, x_1) \stackrel{\text{id. roztok}}{=} \mu_1(p_B, 1) + RT \ln(1 - x_2)$$

$$V_{1m} = \text{const}, \quad x_2 \ll 1 \quad \mu_1(p_A, 1) + V_{1m} \underbrace{(p_B - p_A)}_{p_{\text{osm}}} - RT x_2 \quad (\text{někdy se značí } \pi)$$

$$\Rightarrow V_{1m} p_{\text{osm}} = RT \frac{n_2}{n} \Rightarrow p_{\text{osm}} = c_2 RT \quad (\text{van't Hoff; soli: } c_2 = c_{\text{ionty}})$$

**Příklad.** Vypočtěte minimální tlak potřebný k odsolení mořské vody za teploty 300 K reverzní osmozou a minimální energii potřebnou k výrobě 1 m<sup>3</sup> sladké vody. Koncentrace iontů v mořské vodě je 1.12 mol dm<sup>-3</sup>.